

$\prod$ produit	
<b>Définition</b>	Soit $a_1, a_2 \dots a_n$ une famille de $n$ complexes. On note $\prod_{k=1}^n a_k = a_1 * a_2 * \dots * a_n$
<b>Exemple</b>	Soit $a$ un nombre complexe. $\prod_{k=1}^n a = a^n$
<b>Propriété. (Suite telescopique)</b>	Soit $a_1, a_2 \dots a_n$ une famille de $n$ complexes non nuls. $\prod_{k=1}^n \frac{a_k}{a_{k-1}} = \frac{a_n}{a_1}$
<b>Preuve</b>	$\prod_{k=1}^n \frac{a_k}{a_{k-1}} = \frac{a_1}{a_0} * \frac{a_2}{a_1} * \frac{a_3}{a_2} * \dots * \frac{a_n}{a_{n-1}}$
<b>Définition</b>	Soit $n$ un nombre entier naturel. On appelle factorielle $n$ et on note $n!$ le nombre $\prod_{k=1}^n k$ Par convention $0! = 1$
<b>Exemple</b>	$6! = 1 * 2 * 3 * 4 * 5 * 6 = 720$
<b>Définition Double produit</b>	Soit $(a_{i,j})_{\substack{1 \leq i \leq n \\ 1 \leq j \leq n}}$ une famille de nombres complexes. <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>\prod_{1 \leq i, j \leq n} a_{i,j} = \prod_{i=1}^{i=n} \prod_{j=1}^{j=n} a_{i,j} = \prod_{j=1}^{j=n} \prod_{i=1}^{i=n} a_{i,j}</math></li> <li>• <math>\prod_{1 \leq i \leq j \leq n} a_{i,j} = \prod_{i=1}^{i=n} \prod_{j=i}^{j=n} a_{i,j} = \prod_{j=1}^{j=n} \prod_{i=1}^{i=j} a_{i,j}</math></li> <li>• <math>\prod_{1 \leq i &lt; j \leq n} a_{i,j} = \prod_{i=1}^{i=n-1} \prod_{j=i+1}^{j=n} a_{i,j} = \prod_{j=2}^{j=n} \prod_{i=1}^{i=j-1} a_{i,j}</math></li> </ul>
<b>Exemple</b>	$\prod_{1 \leq i, j \leq n} i^2 j = \prod_{i=1}^{i=n} \prod_{j=1}^{j=n} i^2 j = \prod_{i=1}^{i=n} (i^2)^n (n!) = (n!)^n (n!)^{2n} = (n!)^{3n}$