

Somme de vecteurs

Définition	La somme de deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} est le vecteur associé à la translation résultant de l'enchainement des translations de vecteur \vec{u} et \vec{v} . On note ce vecteur $\vec{u} + \vec{v}$				
Définition	Construction de $\vec{u} + \vec{v}$	On choisit un point A quelconque. On construit les points B et C tels que $\overrightarrow{AB} = \vec{u}$ et $\overrightarrow{BC} = \vec{v}$. Alors le vecteur \overrightarrow{AC} représente le vecteur $\vec{u} + \vec{v}$. On écrit $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$ Cette relation s'appelle la relation de Chasles			
Exemple	Soient A, B, C, D, E cinq points quelconques. $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{DE} + \overrightarrow{EA} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{EA} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EA} = \overrightarrow{AA} = \vec{0}$				
Propriétés	Pour tous vecteurs $\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}$:				
Propriété	Somme nulle de 2 vecteurs et milieu d'un segment	$\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v} = \overrightarrow{v} + \overrightarrow{u}$	$(\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}) + \overrightarrow{w} = \overrightarrow{u} + (\overrightarrow{v} + \overrightarrow{w})$	$\overrightarrow{u} + (-\overrightarrow{u}) = \vec{0}$	$\overrightarrow{u} + \vec{0} = \overrightarrow{u}$
Définition	Différence de 2 vecteurs	Le vecteur $\vec{u} - \vec{v}$ est défini par $\vec{u} - \vec{v} = \vec{u} + (-\vec{v})$ Soustraire un vecteur c'est additionner son opposé.			
Exemple	Soient A, B, C trois points quelconques. $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CB}$				